Министерство образования и науки РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		The Last Statement

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

Дисциплина:	Экономико-математические методы и модели
Наименование кафедры	Экономико-математических методов и информационных технологий
	(ТИиММЄ)
	аббревиатура

Направление _	38.03.05 (бакалавриат), «Бизнес-информатика»		
(код специальности(направления), полное наименование)			

Сведения о разработчиках:

ФИО	Аббревиатура ка-	Ученая степень,
4110	федры	звание
Горбунов Владимир Константинович	ЭММиИТ	Дфмн, проф.

Форма А Страница 1 из 14

# 1. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина принадлежит вариативной части ФГОС ВО по направлению «Бизнесинформатика». Дисциплина изучается студентами третьего курса бакалавриата. Шифр дисциплины в рабочем учебном плане – Б1.В.ОД.11.

Изучение дисциплины «Экономико-математические методы и модели» базируется на компетенциях, сформированных у обучающихся в процессе изучения дисциплин: математический анализ, линейная алгебра, исследование операций — ПК-17, ПК-18.

Базовые фундаментальные знания, полученные при изучении «Экономикоматематических методов и моделей», позволяют перейти к изучению дисциплин:

- «Эконометрическое моделирование производственных процессов»;
- «Математическое моделирование производственных процессов».

Знания, навыки и умения, приобретенные в результате прохождения курса, будут востребованы при выполнении курсовых и дипломных работ, связанных с разработкой математических моделей анализа рынков и производства.

# 2. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

ПК-17: способность использовать основные методы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования;

ПК-18: способность использовать соответствующий математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования.

В результате освоения дисциплины студенты должны:

## Иметь представление:

- о математических моделях рыночного потребительского спроса и производства (макроэкономический уровень);
  - о методах качественного исследования моделей спроса и производства;
  - о методах верификации теоретических моделей экономики.

# Знать:

- модель максимизации коллективной функции полезности;
- модель минимизации; потребительских расходов;
- анализ Слуцкого (сравнительная статика);
- метод производственных функций;
- теорию и методы построения аналитических индексов спроса.

Форма А Страница 2 из 14

## Уметь:

- решать задачи построения функций спроса при заданной функции полезности;
- решать задачи построения функций условного спроса (Хикса);
- строить и анализировать матрицу Слуцкого для известного рыночного спроса:
- решать задачи максимизации прибыли и минимизации издержек для производственных функций;
- модифицировать базовые модели под потребности прикладной проблемы.

# Приобрести навыки:

- аналитического и численного решения задач потребительского спроса и построения аналитических индексов спроса;
- решения задач теории производственных функций;
- решения задач построения функций полезности по торговой статистике;
- решения задач построения производственных функций по производственной статистике.

## Владеть, иметь опыт:

- решения задач потребительского спроса;
- решения задач теории производственных функций.

Дисциплина формирует навыки математического моделирования экономических процессов и их качественного и количественного анализа, а также навыки верификации теоретических моделей экономики по реальным данным функционирования исследуемых объектов.

## 3. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (очная форма)

3.1 Объём дисциплины в зачетных единицах (всего): 8 зачетных единиц, 288 часов.

## 3.2. по видам учебной работы (в часах):

	Количество часов (форма обучения очная)			
Вид учебной работы	Всего по	В т.ч. по семестрам		
	плану	5	6	
1	2	3	4	
Аудиторные занятия:	108	54	54	
Лекции	36	18	18	
Семинарские занятия	72	36	36	
Лабораторные работы				
Самостоятельная работа	144	72	72	
Промежуточная аттестация: (зачет, экзамен)	36	18	18	
Всего часов по дисциплине	288	144	144	

Форма А Страница 3 из 14

# 3.3 Содержание дисциплины. Распределение часов по темам и видам учебной работы

			Виды учебных занятий (в ча сах)			
	Название разделов и тем	Всего	Ауд лек ции	иторные семи- нары	В том ч. инте- рактив.	Само- стоя- тельная работа
1	2	3	4	5	форма 6	7
_		семестр				,
	Часть I. Моделирован			ьского сі	проса	
1	Функции спроса. Функция по-	12	2	4	2	6
	лезности. Законы Госсена.					
2	Индивидуальный и рыночный	12	2	4	2	6
	спрос. Парадокс агрегирования.					
	Статистический ансамбль по-					
	требителей.					
3	Поверхности безразличия. За-	12	2	4	2	6
	мещение. Предельная норма					
	замещения. Эластичность за-					
	мещения.	10	2	4		
4	Отношение предпочтения. По-	12	2	4	2	6
	рядковая функция полезности.					
	Задача потребительского выбора (ПВ).					
5	Взаимная задача ПВ. Компен-	12	2	4	2	6
3	сированный спрос.	12	2	_	2	
6	Уравнение Слуцкого. Сравни-	12	2	4	2	6
	тельная статика.		_	-	_	
7	Harana and a farma and a same	12	2	4	2	6
/	Индексы потребительского	12	2	4	2	0
8	спроса. Аналитические индексы спроса	12	2	4	2	6
9	Обратная задача ПВ. Теорема	12	2	4	2	6
	Африата. Метод решения нера-	12	2	-		
	венств Африата.					
	-	семестр			<u> </u>	
	Часть II. Модели производо			ческого р	авновесия	
10	Производственные функции. Ос-	12	2	4	2	6
	новные характеристики.					
11	Максимизация прибыли без огра-	12	2	4	2	6
	ничений. Функция прибыли.					
12	Максимизация прибыли при ог-	12	2	4	2	6
	раниченных издержках					
13	Минимизация издержек. Функция	12	2	4	2	6
	издержек	4.5				_
14	Построение ПФ по производст-	12	2	4	2	6
	венной статистике. Индексная					
15	форма ПФ.	12	2	1	2	6
15	Межотраслевой анализ. Линейная	12	2	4	2	6

Форма А Страница 4 из 14



Название разделов и тем			Виды учебных заняти сах) Аудиторные занятия			ий (в ча- Само-	
		Всего	лек ции	семи- нары	В том ч. инте- рактив. форма	стоя- тельная работа	
1	2	3	4	5	6	7	
	5	семестр	)				
	модель «затраты-выпуск». Про- дуктивность.						
16	Трудовое ограничение в модели Леонтьева. Цены Рикардо-Маркса	12	2	4	2	6	
17	Модель экономического равновесия Вальраса-Касселя.	12	2	4	2	6	
18	Обзорная лекция по программе дисциплины.	12	2	4	2	6	
	Подготовка и сдача зачёта, экзамена	ı	1	Ι	_	36	
	Итого	288	36	72	36	180	

# 4. СОДЕРЖАНИЕ КУРСА

No	Наименование	Содержание раздела	Результат обучения,
	раздела	дисциплины	формируемые компетен-
	дисциплины		ции
1	Теория потребительского рыночного спроса	Индивидуальный и рыночный спрос. Парадокс агрегирования покупателей Гормана-Самуэльсона. Статистический ансамбль потребителей. Порядковая функция полезности. Максимизация функции полезности. Минимизация рас-	Знать: теорию потребительского рыночного спроса; Уметь: решать задачи анализа рыночного спроса; Владеть: понятийным аппаратом теории потребительских рынков.
		ходов. Уравнение Слуцкого.	1
2	Экономические индексы	Индексы потребительского спроса. Формульные (бинарные) индексы. Эффект Гершенкрона. Тесты Фишера. Индекс Конюса. Аналитические индексы спроса. Инвариантные и квазиинвариантные индексы.	Знать: теорию экономических индексов; Уметь: решать задачи построения аналитических индексов; Владеть: понятийным аппаратом теории агрегирования.
3	Теория производства.	Производственные функции. Эластичность замещения. Задача максимизации прибыли. Минимизация издержек. Линейная модель «затратывыпуск». Продуктивность.	Знать: аналитическую теорию производства; Уметь: решать задачи анализа производства методом ПФ; Владеть: понятийным ап-

Форма А Страница 5 из 14

		Трудовое ограничение в модели Леонтьева. Цены Рикардо-Маркса.	паратом теории производства.
4	Введение в теорию экономического равновесия	Модель экономического равновесия Вальраса-Касселя.	Знать: Модель экономического равновесия Вальраса-Касселя и её экономический смысл.  Уметь: формулировать проблему качественного анализа модели; Владеть: понятийным аппаратом теории экономического равновесия.

# 5. ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ И СЕМИНАРСКИХ ЗАНЯТИЙ (очная форма)

<b>№</b> п/п	№ раздела	Тема, рассматриваемые вопросы	Количество часов (из них интерактивных)
1	1	Функции спроса Энгеля-Торнквиста, Гиффена.	2(1)
2	1	Функции полезности. Анализ изоквант.	2(1)
3	1	Поверхности безразличия. Замещение. Предельная норма замещения.	2(1)
4	1	Эластичность замещения. Функция ПЭЗ	2(1)
5	1	Законы Госсена. Расходное тождество. Построение функций спроса.	2(1)
6	1	Характеристики спроса. Блага ценные, нормальные. Валовая заменимость	2(1)
7	1	Линейные системы расхода – спрос Джири	2(1)
8	1	Факторные эластичности спроса	2(1)
9	1	Модель потребительского выбора (ПВ). Тождество Роя. Однородный спрос	2(1)
10	1	Взаимная задача ПВ – минимизация расходов. Компенсированный спрос	2(1)
11	1	Функция расходов	2(1)
12	1	Уравнение Слуцкого. Экономическая интерпретация	2(1)
13	1	Задачи сравнительной статики	2(1)

Форма А Страница 6 из 14

Министерство образования и науки РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		The Last Statement

14	1	Индивидуальный и рыночный спрос. Парадокс агрегирования	2(1)
15	1	Неравенства Африата	2(1)
16	2	Индексы потребительского спроса. Статистические индексы	2(1)
17	2	Тесты Фишера	2(1)
18	2	Аналитические индексы спроса. Тестовые расчёты	2(1)
19	2	Инвариантные и квазиинвариантные индекс	2(1)
20	1, 2	Контрольная работа (4 часа).	2(1)
21	3	Производственные функции. Основные характеристики	2(1)
22	3	Анализ основных ПФ	2(1)
23	3	Эластичность замещения	2(1)
24	3	Максимизация прибыли без ограничений. Функция прибыли	2(1)
25	3	Максимизация прибыли при ограниченных издержках	2(1)
26	3	Минимизация издержек. Функция издержек	2(1)
27	3	Абсолютная и индексная форма ПФ. Связь параметров	2(1)
28	3	Линейная модель «затраты-выпуск» (модель Леонтьева). Продуктивность	2(1)
29	3	Трудовое ограничение в модели Леонтьева. Задача о максимальном выпуске	2(1)
30	3	Двойственная задача. Цены Рикардо-Маркса.	2(1)
31	4	Модель экономического равновесия Вальраса-Касселя	2(1)
32	1-4	Итого:	72(36)

Форма А Страница 7 из 14

# 6. ЛАБОРАТОРНЫЕ РАБОТЫ (ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ)

Лабораторный практикум по дисциплине не предусмотрен.

# 7. ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ, КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ, РЕФЕРАТОВ

Курсовые работы, контрольные работы, рефераты по дисциплине не предусмотрены

## 8. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА СТУДЕНТОВ

В результате самостоятельной работы студент должен:

## Владеть:

- понятийным аппаратом микроэкономического анализа;
- математическим аппаратом моделирования потребительского спроса и оптимизации производства.

#### Знать:

- методологию анализа рыночного спроса;
- методы построения индексов спроса;
- метод производственных функций.

#### Уметь:

- ставить и решать задачи анализа рыночного спроса;
- ставить и решать задачи анализа крупных производственных систем и региональных экономик.

Студенты выполняют задания, самостоятельно обращаясь к учебной литературе. Проверка выполнения заданий осуществляется путем проверки домашних заданий и устного опроса на практических занятиях.

№ п/п	Наименование темы	Виды самостоя-	Формы	
		тельной работы	контроля	
1	Функции спроса Энгеля-Торнквиста, Гиффена.	изучение, реше-	домашние	
		ние задач	задания	
2	Функции полезности. Анализ изоквант.	- // -	- // -	
3	Поверхности безразличия. Замещение. Предельная	- // -	//	
	норма замещения.	— // —	-//-	
4	Эластичность замещения. Функция ПЭЗ	-//-	-//-	
5	Законы Госсена. Расходное тождество. Построение	- // -	-//-	
	функций спроса.	— // —		
6	Характеристики спроса. Блага ценные, нормаль-	- // -	-//-	
	ные. Валовая заменимость	— // —		
7	Линейные системы расхода – спрос Джири	-//-	- // -	
8	Факторные эластичности спроса	-//-	- // -	
9	Модель потребительского выбора (ПВ). Тождество	- // -	_ // _	
	Роя. Однородный спрос	— // —	_// _	
10	Взаимная задача ПВ – минимизация расходов.	- // -	- // -	
	Компенсированный спрос	— // —	-//-	
11	Функция расходов	-//-	-//-	
12	Уравнение Слуцкого. Экономическая интерпрета-	-//-	- // -	
	кил	-//-	-//-	
13	Задачи сравнительной статики	- // -	- // -	

Форма А Страница 8 из 14

Министерство образования и науки РФ Ульяновский государственный университет	Форма		
Ф-Рабочая программа по дисциплине		No. of the last of	

1.4	тт о о п	T	
14	Индивидуальный и рыночный спрос. Парадокс аг-	_ // _	_ // _
	регирования		
15	Неравенства Африата	-//-	- // -
16	Индексы потребительского спроса. Статистиче-	_//_	- // -
	ские индексы	//	
17	Тесты Фишера	-//-	- // - - // -
18	Аналитические индексы спроса. Тестовые расчёты	-//-	- // -
19	Инвариантные и квазиинвариантные индекс	- // -	- // -
20	Контрольная работа (4 часа).	- // - - // -	- // -
21	Производственные функции. Основные характери-	- // -	- // -
	стики	-//-	-//-
22	Анализ основных ПФ	- // - - // -	- // - - // -
23	Эластичность замещения	-//-	- // -
24	Максимизация прибыли без ограничений. Функ-	11	
	ция прибыли	-//-	-//-
25	Максимизация прибыли при ограниченных из-	11	//
	держках	-//-	-//-
26	Минимизация издержек. Функция издержек	-//-	- // -
27	Абсолютная и индексная форма ПФ. Связь пара-	- // -	_ // _
	метров	-//-	-//-
28	Линейная модель «затраты-выпуск» (модель Леон-	11	//
	тьева). Продуктивность	-//-	-//-
29	Трудовое ограничение в модели Леонтьева. Задача	- // -	//
	о максимальном выпуске	-//-	-//-
30	Двойственная задача. Цены Рикардо-Маркса.	- // -	- // -
31	Модель экономического равновесия Вальраса-	11	//
	Касселя	-//-	-//-
32	Функции спроса Энгеля-Торнквиста, Гиффена.	-//- -//-	-//- -//- -//-
33	Функции полезности. Анализ изоквант.	- // -	- // -
34	Поверхности безразличия. Замещение. Предельная	-//-	- // -
	норма замещения.		
	1 * '	I.	

Форма А Страница 9 из 14

# 9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

# 9.1 Список рекомендуемой литературы

- 1. Горбунов В.К. Математическое моделирование рыночного спроса: Учебное пособие. Ульяновск: УлГУ, 2015.
- 2. Горбунов В.К. Производственные функции: теория и построение: Учебное пособие. Ульяновск: УлГУ, 2013.
- 3. КОЛЕМАЕВ В.А. Математическая экономика. М.: Юнити-Дана, 2002.
- 4. Руководство по индексу потребительских цен: теория и практика. Вашингтон, МВФ. 2007 Перевод МВФ "Consumer price index manual: Theory and practice" (ILO, Geneva, 2004). <a href="https://www.imf.org/external/pubs/ft/cpi/manual/2004/rus/cpi\_ru.pdf">https://www.imf.org/external/pubs/ft/cpi/manual/2004/rus/cpi\_ru.pdf</a>; <a href="http://www.twirpx.com/file/222469/">http://www.twirpx.com/file/222469/</a>

# Дополнительная литература

- **5.** АШМАНОВ С.А. Введение в математическую экономику. М.: Наука, 1984.
- 6. ГОРБУНОВ В.К. Математическая модель потребительского спроса: Теория и прикладной потенциал. М.: Экономика, 2004.
- 7. Горбунов В.К. Модель потребительского спроса, основанная на векторном поле предпочтений // Вестн. Моск. ун-та. Сер.6. Экономика. 2009. №1.
- 8. Горбунов В.К. Экономическое равновесие и агрегирование покупателей: реабилитация теоремы Вальда // Журнал экономической теории. 2011. № 3.
- 9. Горбунов В.К. Модель экономики с обобщённым рыночным спросом и единственным равновесием // Журнал Экономической Теории. 2012. №4.
- 10. Горбунов В.К. К теории рыночного спроса: регулярность и экономическое равновесие // Экономическая наука современной России. 2013. №4 (63).
- 11. ГОРБУНОВ В.К. О размерностной проблеме в экономике: производственная функция как псевдочёрный ящик // Журнал Экономической Теории. 2014. №1.
- 12. ГОРБУНОВ В.К. Потребительский спрос: Аналитическая теория и приложения Ульяновск: УлГУ, 2015. (РФФИ № 15-06-07018).
- 13. Горбунов В.К., Деревенский В.Г.. Производственные функции малого предпринимательства регионов России: о методе «пространственной регрессии» // Вестник Московского университета. Сер. 21. Управление (государство и общество). 2015. № 1.
- 14. ГОРБУНОВ В.К., КОЗЛОВА Л.А. О теории потребительского спроса, соответствующей торговой статистике // Вопросы статистики. 2015. № 6.
- 15. ГОРБУНОВ В.К., КРЫЛОВ В.П. Оценка эффективности основного капитала предприятий методом производственных функций (правильное авторское название:

Форма А Страница 10 из 14

Министерство образования и науки РФ Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		No. of the last of

- Эффективные производственные фонды региона и их оценка методом производственных функций) // Экономика региона. 2015. № 3, 334-347.
- 16. ГОРБУНОВ В.К., Львов А.Г. Построение производственных функций по данным об инвестициях // Экономика и математические методы. 2012. Вып. 2.
- 17. ЗОРКАЛЬЦЕВ В.И. Проблема агрегирования экономических субъектов // Вестник Новосибирского гос. унив. Серия: Социально-экономические науки. 2010. Т. 10. Вып.1.
- 18. Интрилигатор М. Математические методы оптимизации и экономическая теория. М.: Прогресс, 1975 (Второе издание: М.: Айрис Пресс, 2002).
- 19. ЛАНКАСТЕР К. Математическая экономика. М.: Советское радио, 1972.
- 20. Козлова **Л.А.** Алгоритмы и программы построения инвариантных и квазиинвариантных индексов потребительского спроса. Дисс.... канд. техн. наук (05.13.18). УлГУ: Ульяновск, 2010.
- 21. Львов A.  $\Gamma$ . Развитие методов построения производственных функций. Дисс. ... канд. экон. наук (08.00.13). Уфа: УГТАУ, Д. 212.288.09. 2012. 109 с.
- 22. ЧЕРЕМНЫХ Ю.Н. Микроэкономика. Продвинутый уровень: Учебник. М.: ИНФРА-М, 2008.
- 23. MAS-COLELL A., WHINSTON M. AND GREEN J. Microeconomic Theory. New York: Oxford University Press, 1995.
- 24. VARIAN H. Microeconomics analysis. Norton: NY, 1992.

### 9.2 Программное обеспечение

1. Стандартный пакет офисных программ корпорации Microsoft (Excel).

## 9.3 Базы данных, информационно-справочные и поисковые системы

- 1. Электронный каталог научной библиотеки УлГУ.
- 2. Научная электронная библиотека eLibrary.ru.
- 3. <a href="http://twirpx.com">http://twirpx.com</a>

# 10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

- 1. Аудитории для проведения лекционных и семинарских занятий.
- 2. Читальный зал (803 аудитория) с компьютеризированными рабочими местами для работы с электронными библиотечными системами, каталогом и т.д.

Форма А Страница 11 из 14

Приложение А

# Фонд оценочных средств

- **1.** Перечень общекультурных и профессиональных компетенций, которые формируются в процессе изучения дисциплины "Экономико-математические методы и модели:
  - **1.1 ОК-3:** способность использовать основы экономических знаний в различных сферах деятельности;
  - 1.2 ОК-7: способность к самоорганизации и самообразованию;
  - **1. 3** ПК-17: способность использовать основные методы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности для теоретического и экспериментального исследования;
  - **1.4** ПК-18 способность использовать соответствующий математический аппарат и инструментальные средства для обработки, анализа и систематизации информации по теме исследования.

## 2. Показатели и критерии оценивания:

**Отлично**: полное раскрытие вопросов билета и правильные ответы на дополнительные вопросы;

**Хорошо**: раскрытие вопросов билета в основном и правильные ответы на дополнительные вопросы;

**Удовлетворительно**: знание основных положений и результатов программы дисциплины, решение простейших задач.

### 3. Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков:

## 3.1. Вопросы экзамена

- 1. Функции спроса. Теория индивидуального потребителя. Парадокс агрегирования.
- 2. Функция полезности. Законы Госсена. Расходное тождество. Некоторые примеры.
- 3. безразличия. Замещение. Предельная норма замещения. Эластичность замещения. Функция ПЭЗ.
- 4. Отношение предпочтения. Порядковая функция полезности. Теорема Дебре. Функция Эрроу-Хана. Модель потребительского выбора (ПВ). Тождество Роя.
- 5. Однородный спрос. Каноническая двойственность.
- 6. Взаимная задача ПВ минимизация расходов. Компенсированный спрос. Лемма Шепарда.
- 7. Уравнение Слуцкого. Экономическая интерпретация. Сравнительная статика.
- 8. Обратная задача ПВ. Теорема Африата. Однородные предпочтения. Методы решения неравенств Африата.
- 9. Индексы потребительского спроса. Статистические индексы. Тесты Фишера.

Форма А Страница 12 из 14

- 10. Аналитические индексы спроса. Инвариантные и квазиинвариантные индексы.
- 11. Производственные функции. Основные характеристики. Эластичность замещения.
- 12. Максимизация прибыли без ограничений. Функция прибыли. Лемма Хотеллинга.
- 13. Максимизация прибыли при ограниченных издержках. Траектория расширения производства.
- 14. Минимизация издержек. Функция издержек. Лемма Шепарда.
- 15. Построение ПФ по производственной статистике. Индексная форма ПФ.
- 16. Межотраслевой анализ. Линейная модель «затраты-выпуск» (модель Леонтьева). Продуктивность.
- 17. Трудовое ограничение в модели Леонтьева. Задача о максимальном выпуске. Двойственная задача. Цены Рикардо-Маркса.
- 18. Модель экономического равновесия Вальраса-Касселя. Существование и единственность равновесия.

### 3.2. Типовые задачи

1) Для задачи МФП в числовой форме, например,

$$u = (x_1 - 1)^{1/2} (x_2 - 0.5)^{1/3}, \quad p = (1, 2), \quad e = 4$$

вычислить спрос – точку  $(x_1^*, x_2^*)$ , и в этой точке вычислить градиент  $\Phi\Pi$  и множитель Лагранжа. Построить иллюстрирующий рисунок.

- 2) Для данной ФП вывести формулы спроса Вальраса x(p,e).
- 3) Для данной ФП вывести формулы спроса Хикса h(p, w).
- 4) Для данной статистики (два блага, три наблюдения) построить индексы Ласпейреса, Пааше и Фишера. Проверить тесты стоимости и транзитивности.

t	$p_1$	$p_2$	x1	x2
0	1.5	1	2	5
1	1	2	3	4
2	1.5	2	3	6

5) Вычислить инвариантные или квазиинвариантные индексы для спроса, порождаемого данной ФП u(x) с известной функцией спроса x(p,e) при заданных ценах и расходах.

Типовой пример:  $u(x) = x_1^{1/3} x_2^{2/3}$  (выделение жирным – исходные данные, выделение курсивом – результаты расчётов).

t	$p_1$	$p_2$	$e_t$	$x_1$	$x_2$	$u_t$	$\lambda_{t}$	$P_{0t}$	$Q_{0t}$
0	1.5	1	8	1,78	5,33	3,70	0,46	1	1
1	1	2	11	3,67	3,67	3,67	0,33	1,39	0,99
2	1.5	2	16.5	3,67	5,50	4,80	0,29	1,59	1,30

Форма А Страница 13 из 14

Ф-Рабочая программа по дисциплине



- 6) Для данной ПФ f(x) построить функции факторного спроса x(p,v).
- 7) Для данной ПФ f(x) построить функции условного факторного спроса и функцию издержек.
- 8) Найти коэффициенты косвенных и полных затрат,  $A = \begin{bmatrix} 2/3 & 1/3 \\ 1/4 & 1/2 \end{bmatrix}$ .
- 9) Найти валовой выпуск при y = (1; 0.5),  $A = \begin{bmatrix} 2/3 & 1/3 \\ 1/4 & 1/2 \end{bmatrix}$ .
- 10) Определить цены Маркса при  $A = \begin{bmatrix} 2/3 & 1/3 \\ 1/4 & 1/2 \end{bmatrix}, \ y^0 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1/5 \end{bmatrix}, \ l = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}, \ L = 5$ .

## 3.3. Шкала оценивания:

- оценка «отлично» выставляется, если даны правильные и четкие ответы на вопросы билета, правильные и четкие ответы на дополнительные вопросы, задача решена;
- оценка «хорошо» выставляется, если даны правильные, но не всегда полные ответы на вопросы билета, дополнительные вопросы; возникают трудности в формировании обоснованного собственного мнения, указан метод (алгоритм решения) задачи, но допущены ошибки выкладок и исправлены после замечаний экзаменатора;
- оценка «удовлетворительно» выставляется, если даны правильные, но не полные ответы на вопросы билета, возникают проблемы при ответе на дополнительные вопросы, задача не решена до конца;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется, если не выполнены условия на оценку «удовлетворительно» и выше.

Форма А Страница 14 из 14